Правила оформления тезисов:

1. Текст не менее одной страницы формата А4. Система редактирования — MS Word. Поля: верхнее и нижнее — 25 мм, левое и правое — 25 мм. Шрифт — Times New Roman, размер — 12. Междустрочный интервал — одинарный. Отступ первой строки абзаца — 1 см. Расстановка переносов — автоматическая. Выравнивание по ширине.

2. Название доклада набирается прописными буквами, фамилии авторов, организация, электронный адрес — строчными буквами, расположение по центру. Фамилии авторов сверху и снизу отделяются одной строкой. Список литературы не имеет заголовка, отделяется от текста одной строкой, шрифт — 11.

Пример оформления тезисов:

ОБРАЩЕНИЕ ПРИНЦИПА ЛАГРАНЖА ДЛЯ ЭКСТРЕМАЛЬНЫХ ЗАДАЧ С ОГРАНИЧЕНИЯМИ И ДОСТАТОЧНЫЕ УСЛОВИЯ В ОПТИМАЛЬНОМ УПРАВЛЕНИИ

В.А. Дыхта
Институт динамики систем и теории управления СО РАН
dykhta@icc.ru

Рассматривается экстремальная задача

$$f_0(x,u) \to \min,\ F(x,u)=0,\ x\in S,\ u\in U(x), \tag{P}$$

где S – непустое множество, U – многозначное отображение с непустыми значениями, $F: S\times U(S) \to Y$ – оператор со значениями в вещественном векторном пространстве Y (никаких топологических предположений на данном этапе не делается). Хорошо известно, что если задача (P) выпукла, в смысле [1], т.е. выпукло множество

$$C=\{(\alpha,y)\in R\times Y \,|\, \exists x\in S,\, u\in U(x): \alpha\ge f_0(x,u),\ F(x,u)=y\},$$

то выполнение для допустимой точки $(\bar{x},\bar{u})$ принципа Лагранжа $(\Pi\Lambda)$ – $\exists\lambda=(\alpha_0, y')\ne 0: \mathrm{L}(\bar{x},\bar{u},\lambda)=\min\{\mathrm{L}(x,u,\lambda)\,|\,x\in S,\ u\in U(x)\}$, где $y'\in Y'$, $\mathrm{L}(x,u,\lambda)=\alpha_0 f_0(x,u)+y'F(x,u)$ – необходимо для минимума, а при условии нормальности $\alpha_0>0$ – достаточно.

Заметим, что утверждение о достаточности справедливо без предположения выпуклости задачи (P), но все же является слишком жестким, так как формулируется с помощью одного (нормированного) набора множителей Лагранжа λ с условием нормальности (эквивалентным равенству $\alpha_0=1$). Между тем, общий запас Λ нормированных наборов λ, обеспечивающих экстремальность точки $(\bar{x},\bar{u})$, может оказаться бесконечным, и естественные достаточные условия должны учитывать эту неединственность. Следующее обращение $\Pi\Lambda$ учитывает это требование.

Пусть E – любое множество, содержащее допустимое множество D задачи (P), т.е. $E\supseteq D$, а $Y'_+(F,E)$ – множество функционалов $y'\in Y'$, удовлетворяющее следующему условию монотонности на E: $y'F(x,u)\le 0\ \forall (x,u)\in E$. Заметим, что в каждом нормальном наборе $\lambda\in\Lambda$ непременно $y'\in Y_+(F,D)$. Если множество $Y'_+(F,E)\ne\emptyset$, то рассмотрим следующую задачу $(P_+(E))$:

$$\begin{cases} f_0(x,u)\to\min,\ x\in S,\ u\in U(x), \\ y'F(x,u)\le 0\ \forall (x,u)\in E,\ y'\in Y'_+(F,E). \end{cases}$$

Без труда доказывается

* Работа поддержана РФФИ, проекты 07-01-00741, 05-01-00187.

Предложение. Если множество $Y'_+ \; F, E \; \neq \emptyset$ и точка $\bar{x}, \bar{u}$ оптимальна в соответствующей задаче (P_+), то она оптимальна и в задаче (P).

1. Магерил-Ильяев Г.Г., Тихомиров В.М. Выпуклый анализ и его приложения. М.: Эдиториал УРСС, 2000. 176 с.
2. Дыхта В.А. Неравенство Ляпунова–Кротова и достаточные условия в оптимальном управлении // Итоги науки и техники. Современная математика и ее приложения. 2006. Т. 110. С. 76-108.

Пример оформления литературы:

1. Гантмахер Ф.Р. Теория матриц. М.: Наука, 1966.
2. Современные численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений / Под ред. Дж. Холл, Дж. Уатт. М.: Мир, 1979.
3. Александров А.Ю. Об устойчивости сложных систем в критических случаях // Автоматика и телемеханика. 2001. № 9. С. 3–13.
4. Стрекаловский А.С. Об экстремальных задачах с d.c. ограничениями // Журнал вычислительной математики и математической физики. 2001. Т. 41, № 12. С. 1808–1818.
5. Семенов А.А. Замечание о вычислительной сложности известных предположительно односторонних функций // Тр. XII Байкальской междунар. конф. “Методы оптимизации и их приложения”. Иркутск, 2001. С. 142–146.